

ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΑ ΓΕΩΜΕΤΡΙΑΣ Α' ΛΥΚΕΙΟΥ

04-11-2017

ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. α), β) Θεωρία, απόδειξη βιβλίου σελίδα 42

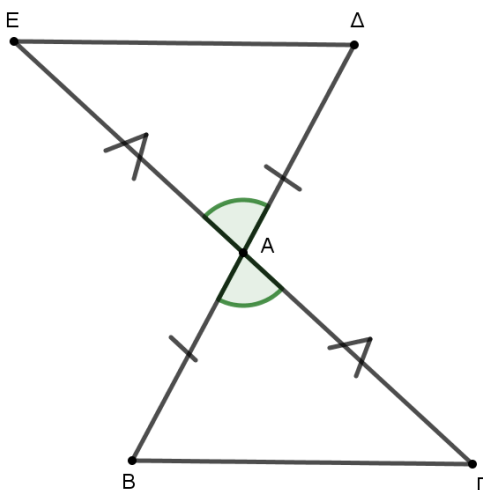
A2. Θεωρία, ορισμός βιβλίου σελίδα 39

A3. α) Λ β) Λ γ) Λ δ) Λ ε) Λ

ΘΕΜΑ Β

B1. Θεωρία, απόδειξη βιβλίου σελίδα 42

B2.



Συγκρίνουμε τα τρίγωνα ABΓ και AΔΕ:

$$\left. \begin{array}{l} AB = AD \\ AG = AE \\ \widehat{BAΓ} = \widehat{ΔAE} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{1ο κριτήριο} \\ \Rightarrow \triangle ABΓ = \triangle AΔΕ \end{array}$$

ΘΕΜΑ Γ

α) Είναι: $ΑΔ = ΑΒ + ΒΔ = ΑΓ + ΓΕ = ΑΕ$

β) Συγκρίνουμε τα τρίγωνα ΒΓΕ και ΒΔΓ:

$ΒΓ$ κοινή
 $ΓΕ = ΒΔ$
 $\widehat{ΒΓΕ} = \widehat{ΔΒΓ}$, ως παραπληρωματικές των ίσων γωνιών $\hat{Β}, \hat{Γ}$

$\left. \begin{array}{l} \text{1ο κριτήριο} \\ \Rightarrow \end{array} \right\} \triangle ΒΓΕ = \triangle ΒΔΓ$

Άρα και τα υπόλοιπα στοιχεία τους αντίστοιχα θα είναι ίσα, επομένως $ΓΔ = ΒΕ$.

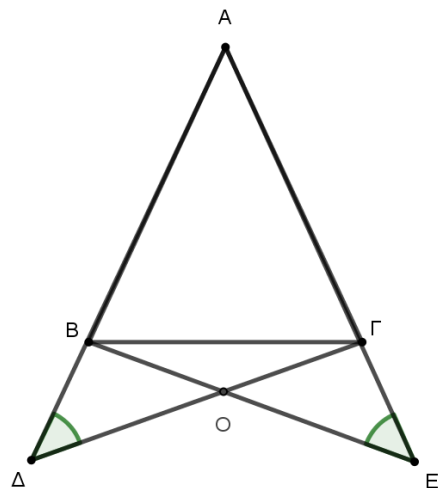
γ) Από την προηγούμενη σύγκριση, προκύπτει ότι:

$$\widehat{ΒΔΓ} = \widehat{ΓΕΒ}.$$

δ) Αρκεί ν.δ.ο. το τρίγωνο ΟΒΓ έχει είτε δύο πλευρές ίσες είτε δύο γωνίες, επομένως είναι:

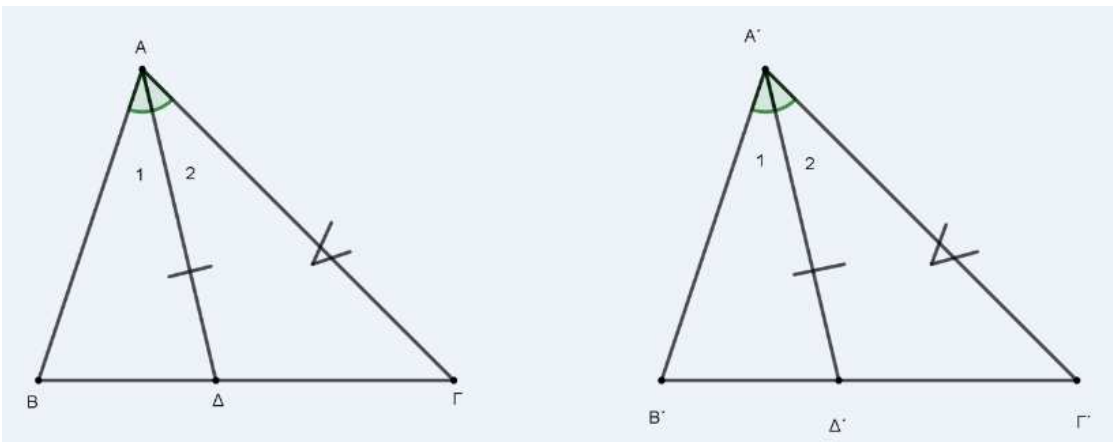
$$\widehat{ΕΒΓ} = \widehat{ΔΓΒ} \text{ από τη σύγκριση του α' ερωτήματος.}$$

Άρα το τρίγωνο ΟΒΓ είναι ισοσκελές.



ΘΕΜΑ Δ

Δ1.



Συγκρίνουμε αρχικά τα τρίγωνα $A\Delta\Gamma$ και $A'\Delta'\Gamma'$:

$$\left. \begin{array}{l}
 A\Gamma = A'\Gamma' \\
 A\Delta = A'\Delta' \text{ ή } \delta_a = \delta_{a'} \\
 \hat{A}_2 = \hat{A}'_2
 \end{array} \right\} \begin{array}{l}
 \text{1ο κριτήριο} \\
 \Rightarrow \text{ τα τρίγωνα είναι ίσα .}
 \end{array}$$

Άρα και τα υπόλοιπα στοιχεία τους αντίστοιχα θα είναι ίσα, επομένως $\hat{\Gamma} = \hat{\Gamma}'$.

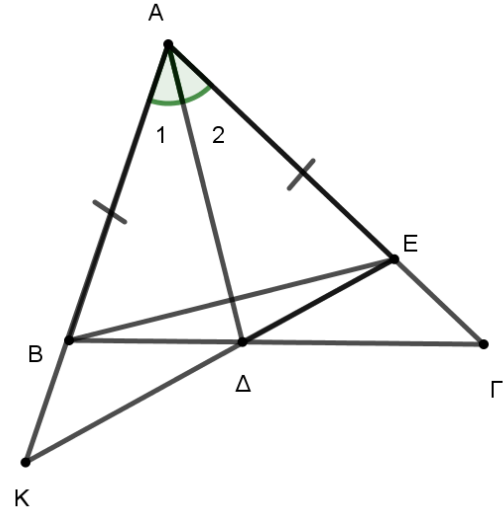
Συγκρίνουμε τέλος τα τρίγωνα $AB\Gamma$ και $A'B'\Gamma'$:

$$\left. \begin{array}{l}
 A\Gamma = A'\Gamma' \\
 \hat{\Gamma} = \hat{\Gamma}' \\
 \hat{A} = \hat{A}'
 \end{array} \right\} \begin{array}{l}
 \text{2ο κριτήριο} \\
 \Rightarrow \text{ τα τρίγωνα είναι ίσα .}
 \end{array}$$

Δ2. α) Συγκρίνουμε τα τρίγωνα ΑΒΔ και ΑΔΕ:

$$\left. \begin{array}{l} AB = AE \\ A\Delta \text{ κοινή} \\ \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{1ο κριτήριο} \\ \Rightarrow \text{τα τρίγωνα είναι ίσα.} \end{array}$$

Άρα και τα υπόλοιπα στοιχεία τους αντίστοιχα θα είναι ίσα, επομένως $B\Delta = \Delta E$.



β) Συγκρίνουμε τα τρίγωνα ΚΒΔ και ΔΕΓ:

$$\left. \begin{array}{l} B\Delta = \Delta E \\ \hat{K}\hat{B}\hat{\Delta} = \hat{\Gamma}\hat{E}\hat{\Delta}, \text{ ως παραπληρωματικές των ίσων γωνιών } \hat{A}\hat{B}\hat{\Delta} \text{ και } \hat{A}\hat{E}\hat{\Delta} \\ \hat{\Delta}_1 = \hat{\Delta}_2, \text{ ως κατακορυφήν} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{2ο κριτήριο} \\ \Rightarrow \text{τα τρίγωνα είναι ίσα} \end{array}$$

γ) Το τρίγωνο ΑΒΕ είναι ισοσκελές αφού $AB = AE$, άρα η διχοτόμος ΑΔ θα είναι και διάμεσος και ύψος, άρα μεσοκάθετος του τμήματος ΒΕ.