

## ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Γ' ΤΑΞΗΣ ΕΣΠΕΡΙΝΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ ΤΕΤΑΡΤΗ 13 ΙΟΥΝΙΟΥ 2018 ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ : ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΕΝΔΕΙΚΤΙΚΕΣ

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΤΕΤΑΡΤΗ 13 ΙΟΥΝΙΟΥ 2018  
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ  
ΣΥΝΟΛΟ ΣΕΛΙΔΩΝ: ΟΚΤΩ (8)

### ΘΕΜΑ Α

Στις ερωτήσεις Α1-Α4 να γράψετε στο τετράδιό σας τον αριθμό της ερώτησης και δίπλα το γράμμα που αντιστοιχεί στη φράση η οποία συμπληρώνει σωστά την ημιτελή πρόταση.

- A1. Δύο μικρά σώματα με μάζες  $m$  και  $4m$ , που κινούνται στην ίδια ευθεία με αντίθετες κατευθύνσεις και ταχύτητες  $u_1$  και  $u_2$  αντίστοιχα, συγκρούονται μετωπικά και πλαστικά. Αν η χρονική διάρκεια της κρούσης είναι αμελητέα και το συσσωμάτωμα ακινητοποιείται, τότε τα δύο σώματα πριν την κρούση είχαν
- α) αντίθετες ταχύτητες
  - β) ίσες ορμές
  - γ) αντίθετες ορμές
  - δ) ίσες κινητικές ενέργειες.

Μονάδες 3

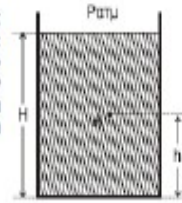
- A2. Ταλαντωτής εκτελεί εξαναγκασμένη ταλάντωση με τη συχνότητα  $f$  του διεγέρτη να είναι λίγο μεγαλύτερη από την ιδιοσυχνότητα  $f_0$  του ταλαντωτή. Αν ελαττώσουμε την περίοδο του διεγέρτη, το πλάτος της ταλάντωσης του ταλαντωτή
- α) παραμένει σταθερό
  - β) αυξάνεται αρχικά και μετά ελαττώνεται
  - γ) ελαττώνεται αρχικά και μετά αυξάνεται
  - δ) ελαττώνεται.

Μονάδες 3

- A3. Μεταξύ δύο σημείων Α και Β ενός στάσιμου κύματος που έχει δημιουργηθεί σε ένα γραμμικό ελαστικό μέσο παρεμβάλλονται συνολικά δύο δεσμοί. Τα σημεία Α και Β έχουν μεταξύ τους
- α) διαφορά φάσης ίση με  $0$
  - β) διαφορά φάσης ίση με  $\pi$
  - γ) διαφορά φάσης ίση με  $\pi/4$
  - δ) διαφορά φάσης ίση με  $\pi/2$ .

Μονάδες 5

A4. Το ανοιχτό κυλινδρικό δοχείο του σχήματος βρίσκεται εντός πεδίου βαρύτητας με επιτάχυνση βαρύτητας  $g$  και περιέχει νερό πυκνότητας  $\rho$ . Το ύψος του νερού στο δοχείο είναι  $H$ . Στο σημείο A, που απέχει απόσταση  $h$  από τον πυθμένα του δοχείου, η υδροστατική πίεση είναι ίση με



- α)  $\rho g H + \rho g h$   
 β)  $\rho g H + \rho g (H-h)$   
 γ)  $\rho g h$   
 δ)  $\rho g (H-h)$

Μονάδες 5

A5. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή, ή τη λέξη Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη

- α) Περίοδος  $T$ , ενός διακριτήματος ονομάζεται ο χρόνος ανάμεσα σε δύο διαδοχικούς μηδενισμούς της απομάκρυνσης.  
 β) Κατά την εκδήλωση σεισμικής δόνησης το έδαφος λειτουργεί ως διεγέρτης για τα κτίρια. Όταν η συχνότητα του σεισμικού κύματος γίνει ίση με την ιδιοσυχνότητα ενός κτιρίου, το πλάτος της ταλάντωσης του κτιρίου μεγιστοποιείται.  
 γ) Σε μια φθίνουσα ταλάντωση, με μικρή σταθερά απόσβεσης  $b$ , όταν η σταθερά απόσβεσης αυξηθεί λίγο, ο ρυθμός μείωσης του πλάτους της ταλάντωσης ελαττώνεται.  
 δ) Κατά τη ροή ιδανικού ρευστού σε οριζόντιο σωλήνα, όταν οι ρευματικές γραμμές παρουσιάζουν την ίδια πυκνότητα, η ταχύτητα ροής δεν μεταβάλλεται.  
 ε) Σε ένα ρολόι με θαλάσσης η γωνιακή επιτάχυνση του λεπτοδείκτη είναι σταθερή και διάφορη του μηδενός.

Μονάδες 5

$$\lambda_1 = \frac{v}{f_1} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \lambda_1 = 2\lambda_2$$

$$\lambda_2 = \frac{v}{f_2} = \frac{v}{2f_1} = \frac{\lambda_1}{2}$$

Άρα  $d = 3\lambda_2$ ,  $d_1 = 4\lambda_2$

$$d_2 = \sqrt{d_1^2 + d^2} = 5\lambda_2$$

Το πλάτος του  $\Sigma$  μετά τη συμβολή

$$|A'_\Sigma| = \left| 2A \cos \frac{2\pi(d_1 - d_2)}{\lambda} \right| = 2A$$

Άρα ενίσχυση, άρα σωστό το (i)

**ΘΕΜΑ Β**

B1. Στην ελεύθερη επιφάνεια νερού που ηρεμεί, στις θέσεις Κ και Α βρίσκονται δύο όμοιες και σύγχρονες κυματικές πηγές σπλιν αρμονικών κυμάτων  $\Pi_1$  και  $\Pi_2$ , που απέχουν μεταξύ τους απόσταση  $d = \frac{3\lambda}{2}$ . Οι πηγές ταλαντώνονται χωρίς αρχική φάση, με συχνότητα  $f$ , πλάτος ταλάντωσης  $A$  και παράγουν κύματα μήκους κύματος  $\lambda$ , που διαδίδονται στην επιφάνεια του νερού με σταθερή ταχύτητα  $v$ .

ΤΕΛΟΣ 1ΗΣ ΑΠΟ 3 ΣΕΛΙΔΕΣ

**ΑΡΧΗ 3ΗΣ ΣΕΛΙΔΑΣ - Γ' ΗΜΕΡΗΣΙΟΝ**

Ένα σημείο  $\Sigma$  της επιφάνειας του νερού απέχει από την πηγή  $\Pi_1$  απόσταση  $d_1 = 2\lambda$ , και από την πηγή  $\Pi_2$  απόσταση  $d_2$ , όπως στο σχήμα. Το ευθύγραμμο τμήμα  $\Sigma\text{Κ}$  είναι κάθετο στο  $\text{ΚΑ}$ .

Διπλασιάζουμε τη συχνότητα ταλάντωσης των δύο πηγών διατηρώντας σταθερό το πλάτος  $A$  της ταλάντωσης τους.

Το  $\Sigma$  μετά τον διπλασιασμό της συχνότητας ταλάντωσης των πηγών θα είναι:

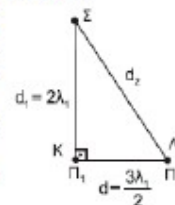
- σημείο ενίσχυσης
- σημείο απόσβεσης
- σημείο που ταλαντώνεται με πλάτος  $A$ .

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Μονάδες 2

β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

Μονάδες 6



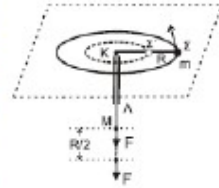
$$\sum \tau_{\epsilon F} = 0 \Rightarrow \text{διατηρείται η ερροφορμή}$$

$$\text{ΑΔ.ΣΤρ: } I\omega = I'\omega' \Rightarrow mR^2\omega = m\frac{R^2}{4}\omega' \Rightarrow \omega' = 4\omega$$

$$W_F = \Delta K = \frac{1}{2}I'\omega'^2 - \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}m\frac{R^2}{4}16\omega^2 - \frac{1}{2}mR^2\omega^2 \Rightarrow$$

$$W_F = \frac{3}{2}mR^2\omega^2, \text{ ωστόσο το (iii)}$$

Β2. Το σφαιρίδιο του σχήματος, μάζας  $m$ , διαγράφει οριζόντιο κύκλο ακτίνας  $K\epsilon = R$  με γωνιακή ταχύτητα  $\omega$  δεξιμένο στο άκρο σφαιρικής μη εκτετατού νήματος, το οποίο περνάει από κατακόρυφο σωλήνα ΚΑ. Στο άκρο Μ του νήματος ασκείται κατάλληλη δύναμη  $F$ , ώστε αυτό να κινείται χωρίς τριβή διαμέσου του σωλήνα μέχρι η ακτίνα περιστροφής του σφαιριδίου μάζας  $m$  να γίνει  $K\epsilon' = R/2$ . Σε όλη τη διάρκεια της μεταβολής της ακτίνας της κυκλικής τροχιάς, θεωρούμε ότι το σφαιρίδιο κινείται ομοιόμορφα κυκλική κίνηση στο οριζόντιο επίπεδο χωρίς τριβές. Το έργο της δύναμης  $F$  για τη μετακίνηση του σφαιριδίου μάζας  $m$  θα είναι ίσο με:



- i.  $\frac{1}{2}m\omega^2R^2$     ii.  $\frac{2}{3}m\omega^2R^2$     iii.  $\frac{3}{2}m\omega^2R^2$

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Μονάδες 2

β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

Μονάδες 6

**σύγχρονο**

ΕΠΙΣΤΗΜΟΝΟ ΚΑΤΑΡΤΙΣΤΙΚΟ ΚΕΝΤΡΟ ΕΡΕΥΝΑΣ ΚΑΙ  
ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΑΝΑΡΤΗΣΗΣ ΑΘΗΝΑΣ (ΕΚΕΤΑ) ΤΗΛ: 2107727222-22234  
ΑΡΧΑΓΓΕΛΟΥ 11 - Κ. ΤΣΙΡΛΙΑΝΗ ΤΗΛ: 2107727222

Οριζόντια βολή

Άξονας x	Άξονας y
Ε.ο.κ.	Ελ.πίση

$$v_x = v_0 \quad v_y = gt$$

$$x = v_0 t \quad y = \frac{1}{2}gt^2$$

για  $t = t_{\text{πίσης}}$   $y = h \Rightarrow t_{\text{πίσης}} = \sqrt{\frac{2h}{g}}$

$$(zK) = 4h = v_0 t_{\text{πίσης}}$$

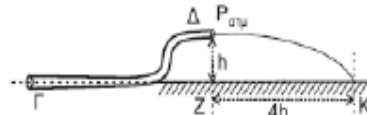
$$v_0^2 = 8gh$$

Από Εξ. συνέχειας:  $\Pi_r = \Pi_\Delta \Rightarrow A_r v_r = A_\Delta v_\Delta \Rightarrow v_\Delta = 2v_r$

Από θ. Bernoulli:  $P_r + \frac{1}{2}\rho v_r^2 + 0 = P_\Delta + \frac{1}{2}\rho v_\Delta^2 + \rho gh \Rightarrow$

$$\Delta p = \frac{1}{2}\rho(v_\Delta^2 - v_r^2) + \rho g \frac{v_r^2}{2g} = 2\rho v_r^2, \text{ ωστόσο το (i)}$$

Β3. Ο κυλινδρικός σωλήνας ΓΔ του σχήματος αποτελεί τμήμα ενός μεγάλου σωλήνα μεταβλητής διατομής και βρίσκεται σε κατακόρυφο επίπεδο. Στον σωλήνα ρέει με σταθερή παροχή ιδανικό υγρό πυκνότητας  $\rho$  με φορά από το Γ προς το Δ. Η σχέση των εμβαδών των εγκάρσιων διατομών του σωλήνα στα σημεία Γ και Δ είναι  $A_\Gamma = 2A_\Delta$ . Το μέτρο της ταχύτητας με την οποία κινείται το υγρό στο σημείο Γ είναι  $v_\Gamma$ . Το σημείο Γ και Δ απέχουν υψομετρικά κατά  $h$ , όπως φαίνεται στο σχήμα. Η φάση του υγρού που εξέρχεται από το στόμιο Δ πέφτει σε σημείο Κ στην προέκταση της οριζόντιας ευθείας που διέρχεται από το σημείο Γ.



Η απόσταση ΖΚ (βλεπόμενες) είναι ίση με  $4h$ .

Η διαφορά πίεσης ΔP μεταξύ των σημείων Γ και Δ ισούται με

- i.  $2\rho v_\Gamma^2$     ii.  $\rho v_\Gamma^2$     iii.  $\frac{\rho v_\Gamma^2}{2}$

α) Να επιλέξετε τη σωστή απάντηση.

Μονάδες 2

β) Να δικαιολογήσετε την επιλογή σας.

**σύγχρονο**

Μονάδες 6



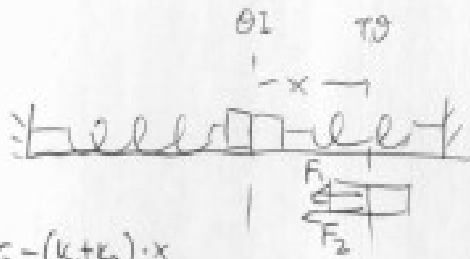
# σύγχρονο

ΚΕΝΤΡΟ ΕΝΔΥΝΑΜΩΣΗΣ ΟΡΓΑΝΩΤΗΡΙΟΥ ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗΣ

ΤΣΙΜΙΣΣΗ & ΚΑΡΑΘΑΥ ΝΗΑ ΤΟΝΙΑ ΤΗΛ: 210727-222994  
ΑΡΤΑΚΗΣ 12 - Κ. ΤΟΥΜΠΑ ΤΗΛ: 519113-965422

www.syghrono.gr

Γ1.



$$\Sigma F = -F_1 - F_2 = -k_1 x - k_2 x = -(k_1 + k_2) \cdot x$$

$$\Sigma F = -2k x \Rightarrow \text{γιατ με } D = 2k = 100 \text{ N/m.}$$

$$\omega' = \sqrt{\frac{D}{2m}} = 5 \text{ rad/s}$$

Το  $m_1$  πριν την υφ' όψιν έχει  $\Sigma F = -F_{e1} = -k_1 x \Rightarrow \text{γιατ}$

με  $D_1 = k_1 = 50 \text{ N/m}$  κ'  $\theta_1$  ω  $\phi_1$ .

Αφ' όσον  $(v=0)$  σε απόσταση  $\Delta l$  από  $\theta_1$  άρα  $\Delta l = A = 0,4 \text{ m}$ .

$$\Sigma \text{τη } \theta_1 \text{ πριν συμπουδτεί } v_1 = v_{\max} = \omega A \quad \left| \Rightarrow v_1 = 2 \text{ m/s} \right.$$

$$\omega = \sqrt{\frac{D_1}{m_1}} = \sqrt{\frac{k_1}{m_1}} = 5 \text{ rad/s}$$

$$\text{ΑΔΟ } m_1 v_1 = (m_1 + m_2) v_6 \Rightarrow v_6 = 1 \text{ m/s}$$

$$\text{στη } \theta_2 \quad v'_{\max} = v_6 = 1 \text{ m/s}$$

$$v'_{\max} = \omega' A' \Rightarrow A' = 0,2 \text{ m.}$$

$$\Gamma_2: \quad x = A' \sin(\omega' t + \phi_0)$$

$$\text{για } t=0 \text{ στη } \theta_2, v > 0 \Rightarrow \phi_0 = 0 \quad \left| \Rightarrow x = 0,2 \sin(5t) \text{ SI} \right.$$

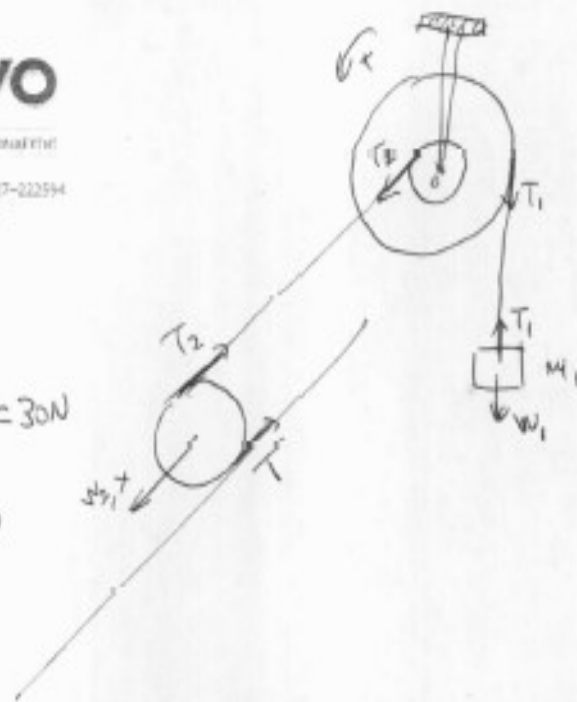
$$\Gamma_3: \quad \left| \frac{dp}{dt} \right|_{\max} = \left| \Sigma F_{\max} \right| = \left| -D'A' \right| = 2kA' = 20 \text{ N.}$$

Δ1.  $m_1$  ισορροπία

$$\sum F_i = 0 \Rightarrow T_1 - W_1 = 0 \Rightarrow T_1 = m_1 g = 30 \text{ N}$$

Προχάλια  
ισορροπία:  $\sum \tau_{(\omega)} = 0 \Rightarrow T_2 r_1 - T_1 r_2 = 0$

$$T_2 = T_1 \frac{r_2}{r_1} = 2T_1 = 60 \text{ N}$$



Δ2.  $203 \text{ N}$ :  $\sum F_x = m_2 a_{cm} \Rightarrow \frac{m_2 g}{2} \sin \phi - T' = m_2 a_{cm}$

ΘΝΕΚ:  $\sum \tau_{(\omega)} = I_{cm} \cdot a_{\phi} \Rightarrow T' R = \frac{1}{2} m_2 R^2 \frac{a_{cm}}{R}$

κ.χ.α.  $a_{cm} = a_{\phi} R$



$$\Leftrightarrow \frac{m_2 g}{2} \sin \phi = \frac{3}{2} m_2 a_{cm} \Rightarrow a_{cm} = \frac{2}{3} g \sin \phi = 4 \text{ m/s}^2$$

Δ3.  $m_1$ ,  $203 \text{ N}$ .  $\sum F_i = m_1 a_1 \Rightarrow m_1 g - T'_1 = m_1 a_1$  (1)

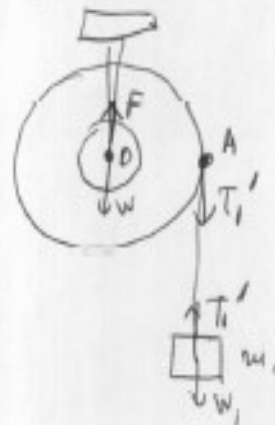
Προχάλια  
ΘΝΕΚ:  $\sum \tau_{(\omega)} = I_{TP} \cdot a_{\phi} \Rightarrow T'_1 r_2 = I_{TP} a_{\phi}$

$$a_1 = a_A \Rightarrow a_1 = a_{\phi} r_2 \Rightarrow a_{\phi} = \frac{a_1}{r_2}$$

$$T'_1 = \frac{I_{TP}}{r_2^2} a_1 \quad (2)$$

$$0 + (2) \Rightarrow m_1 g = \left( m_1 + \frac{I_{TP}}{r_2^2} \right) a_1 \Rightarrow 30 = 15 a_1 \Rightarrow a_1 = 2 \text{ m/s}^2$$

$$a_{\phi} = 10 \text{ rad/s}^2$$





# σύγχρονο

ΕΣΤΙΝ ΕΚΔΟΣΗ ΤΗΣ ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΗΣ ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΩΝ

ΤΕΧΝΙΚΗ ΣΧΟΛΗ ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟΥ ΑΘΗΝΩΝ, ΤΜΗΜΑ ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΑΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ ΚΑΙ ΕΚΔΟΣΗ ΤΗΣ ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΗΣ

[www.synhrono.gr](http://www.synhrono.gr)

$$\Delta 4: h = \frac{1}{2} a t^2 \Rightarrow t^2 = 0,25 \Rightarrow t = 0,5 \text{ s}$$

$$\omega = \alpha t = 5 \text{ rad/s}$$

$$K = \frac{1}{2} I \omega^2 = 6 \text{ joule}$$